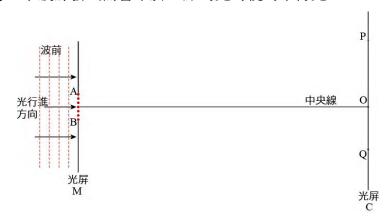
5-3 光的繞射現象

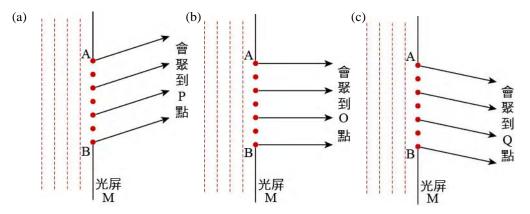
在上一節的圖 5-12 楊氏干涉實驗中,光線抵達狹縫 S_1 和 S_2 的波前視為點波源,分別往各方向發出光線,其實這就是繞射現象。最右邊的光屏 C 上各點均有來自 S_1 和 S_2 的兩光線,因疊加而產生干涉條紋。

如果在楊氏雙狹縫干涉實驗中,只有一個狹縫,但是狹縫有相當的寬度(即抵達狹縫的波前不僅是一點,不能只視為一個點波源),情況會怎樣呢?圖 5-20 的示意圖中,光屏 M 只有單一狹縫,其寬度較楊氏干涉實驗中的狹縫略大(約為 0.1 至 1 公釐)。為簡單起見,設波長為 λ 的單色光,以垂直於狹縫的方向入射。波前抵達狹縫開口的每一位置,都在同一波前上,每一點皆為子波源,往各方向發出光波,所以光屏 C 上的每一點皆有無限多條光線抵達。通常實驗中兩光屏 M 和 C 之間的距離約 1 公尺以上,遠大於狹縫的寬度。若 P 為光屏 C 上的任一點,從狹縫開口的每一子波源發出而會聚於 P點的光可視為平行光。



▲圖 5-20 單狹縫繞射實驗示意圖,遠處光屏 C 上每一點均受無限多光線照射。

例如圖 5-21 的(a)、(b)和(c)中,各圖的平行光(只畫出四條光線作代表)分別會聚到圖 5-20 光屏 C 上的 $P \cdot O$ 和 Q 各點(O 點位於狹縫寬的垂直平分線上,此垂直平分線稱為中央線)。

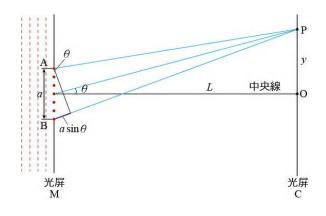


▲圖 5-21 從狹縫開口的每一子波源發出而會聚於屏上的光可視為平行光。(a)、(b)和(c) 圖中的三組平行光線分別會聚於光屏上的 $P \cdot O$ 和 Q 點。

抵達光屏 C 上各點的光線會因為疊加而造成光強度加強或減弱,底下分別討論光屏 C 上各位置的亮暗情形。

因為抵達狹縫開口的光為同一波前,而且狹縫與光屏的距離甚遠,所以考慮光屏上各位置的干涉情形僅需考慮各光線的路程差。設圖 5-22 中狹縫的寬度為 a,狹縫中點至光屏 C 的距離為 L,狹縫中心至光屏上某點 P 的方向與中央線的夾角為 θ (稱為繞射角),光屏上 P 點與中央 O 點的距離為 y。狹縫開口兩端 A 和 B 至 P 點的路徑長分別為 \overline{AP} 和 \overline{BP} ,其路徑差為 a $\sin\theta$ 。P 與中央 O 點的距離可寫為 y=L $\tan\theta$,由於我們對光屏上有興趣的部分在中央位置附近,所以 θ 甚小, $\sin\theta$ ≈ $\tan\theta$,故可近似寫為

 $y = L \sin \theta$ •



▲圖 5-22 單狹縫繞射實驗示意圖。

- 1. 光屏中央位置 O 點:若繞射角 θ =0,則對應光屏上的位置為中 5-21(b)所示,與狹縫垂直的平行 光線會聚在O點,所有光線的路 程都相同,同相到達,故疊加成 為完全建設性干涉,應為光屏上 最亮的位置。
- 2. 若光屏上 P 點所對應的繞射角 θ 符合 $a \sin \theta = \frac{1}{2} \lambda$, 如圖 5-23 $\frac{1}{2} \lambda$, 兩者完全破壞性干涉。 所示。從狹縫開口至P點的光線 中,僅第一條光線 AP 和最後一 條光線 BP 路程差為 $\frac{1}{2}$ λ ,會 互相完全抵銷之外,其餘光線的 路程差都沒有 $\frac{1}{2}$ λ 。雖然各光 線不是同相抵達 P 點,並未作完 全建設性或完全破壞性干涉,P 點仍有相當的亮度,其實是光屏 上中心最亮位置O點附近亮紋的 延伸。

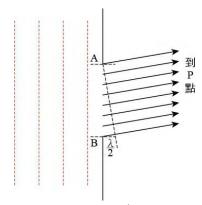
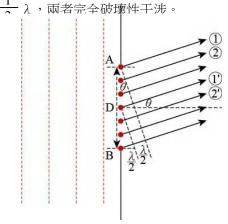


圖 5-23 $a \sin \theta = \frac{1}{2} \lambda$ 時,從狹 縫至 P 點的光線中, AP 和 BP 路程差



 \blacktriangle 圖 5-24 $a\sin\theta$ =λ 時,將狹縫 AB 分 為 AD 和 DB 兩等分,這兩部分發出 抵達P點的光線會完全抵銷。

3. 若 P 點所對應的繞射角 θ 符合 $a \sin \theta = \lambda$ 時,此時我們將狹縫 AB 分 為 AD 和 DB 兩等分,如圖 5-24 所示。圖中標示①和① 兩光線的路程

差為 7 ,形成完全破壞性干涉;圖中標示②和② 兩光線的路程差也

 $\frac{\Lambda}{2}$,也形成完全破壞性干涉;如此,在 AD 區域中發出繞射角為 θ 的任一光線,在 DB 區域中都存在一條繞射角同為

 θ 且與之路程差為 $\frac{\lambda}{2}$ 的光線,兩者形成完全破壞性干涉而抵銷。所以 P 點光的強度為零,成為第一暗紋的中線,其與 O 點的距離為 $y=L\sin\theta=\frac{L\lambda}{d}$ 。

- 4. 若 P 點離中央點 O 更遠,其對應的繞射角 θ 符合 $a\sin\theta = \frac{3}{2}\lambda$ 時,此時我們將狹縫 AB 分為三等分,如圖 5-25 所示。其中第 1 和第 2 部分發出的光線互相做完全破壞性干涉抵銷,僅餘一部分的光未完全相消,而且抵達 P 點亦不同相,所以無法做完全建設性干涉,故 P 點的亮度較中央 O 點的亮度小甚多。此位置稱為第一亮紋中線(亮紋中線並非亮紋的最亮位置,亮紋的最亮位置需用較深的數學推導,超出高中程度,故省略),其與 O 點的距離為 $y = \frac{3}{2}(\frac{L\lambda}{a})$ 。
- 5. 若 P 點離中央點 O 再更遠,其所對應的繞射角 θ 符合 a sin θ = 2 λ 時,此時我們將狹縫 AB 分為四等分,如圖 5-26 所示。與上一段的討論類似,圖中的 1 和 2 兩部分抵達 P 點的光線做破壞性干涉;3 和 4 兩部分抵達 P 點的光線也是破壞性干涉。所以 P 點處光的強度為零,成為第二暗紋的中線

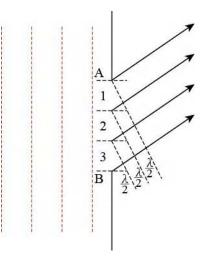
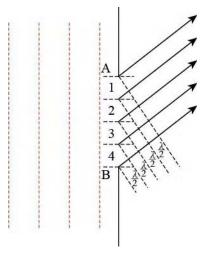


圖 5-25 $a\sin\theta = \frac{3}{2}\lambda$ 時,將 狹縫開口分成三等分,圖中 第 1 和第 2 部分發出的光線 互相作完全破壞性干涉。



▲圖 5-26 $a\sin\theta = 2\lambda$ 時,將 狹縫 AB 分為四等分,這四部 分發出抵達 P 點的光線會兩 兩完全抵銷,使得 P 成為暗 紋中心。

,其與 O 點的距離為 $y=2\left(\frac{L\lambda}{a}\right)$ 。

- 6. 根據上述處理的方式,我們可以繼續推論:
 - (1)當 P 點所對應的繞射角 θ 符合 $a \sin \theta = \frac{5}{2} \lambda \cdot \frac{7}{2} \lambda$ 或其他半波長 之奇數倍時,可利用與前面相同的方法,將狹縫分成奇數個等分。 相鄰兩部分抵達 P 點的光作完全破壞性干涉,只剩下一個區域的光 抵達 P 點,故 P 點為近似第二、第三等亮紋中線位置,但是亮紋強

度愈來愈小,而其與 O 點的距離為 $y = \frac{5}{2} \left(\frac{L\lambda}{a} \right) \cdot \frac{7}{2}$

$$(\frac{L\lambda}{a})$$
 、……等。

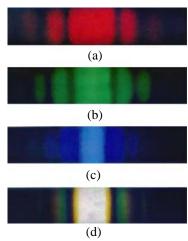
(2)若 P 點所對應的繞射角 θ 符合 $a \sin \theta = 3 \lambda \cdot 4 \lambda$ 或其他整數倍的波長(即 $n \lambda$,n 為正整數)時,利用與前面相同的方法,可以將狹縫分成偶數個等分。相鄰兩部分抵達 P 點的光作完全破壞性干涉,所以 P 點為第三、第四、……等暗紋中線,而其與 O 點的距離 y 為

$$y=3 \left(\frac{L\lambda}{a}\right) \cdot 4 \left(\frac{L\lambda}{a}\right) \cdot \cdots = 0$$

7. 光屏上亮暗條紋上下對稱於中央點 O。



▲圖 5-27 單狹縫繞射實驗的強度分布。 中央亮帶光強度最大,兩邊的亮紋強度 迅速遞減,而中央亮帶寬度是其餘亮紋 寬度的兩倍。



▲圖 5-28 在同一單狹縫繞射實驗裝置中,分別以單色光(a)紅色;(b)綠色;(c)藍色以及(d)白光照射所得的繞射圖樣。

綜合以上的討論,得知若令 $\Delta y = \frac{L\lambda}{a}$,則相鄰暗紋之間的間隔為 Δy ,中央亮帶的寬度為其他亮紋寬度的兩倍,即 $2\Delta y$,如圖 5-27 所示,圖中顯示亮紋的強度以中央亮帶最大,兩側亮紋的強度迅速減弱。

圖 5-28 中為使用同一單狹縫繞射實驗裝置,但是分別以紅光、綠光和藍光照射,得到(a)、(b)和(c)三圖的結果,圖 5-28(d)則是以白色光照射的實驗結果。



想一想

- 1. 在圖 5-28 的(a)、(b)和(c)圖中,為什麼紅光的中央亮帶最寬?藍光的中央亮帶最窄?
- 2. 檢視以白光照射所得的圖 5-28(d),發現中央是白色的,白色的兩旁為什麼最先出現的顏色是黃色的? (提示:這四張照片的中央位置是對齊的。已知光的三原色是紅、綠和藍。作一垂直的直線通過第四張的黃色部分,向上延伸到第一張照片,觀察這一直線通過上面三張照片中,是否上面兩張顯示紅和綠光為亮的而第三張的藍光為暗的?紅光和綠光合成為什麼顏色?或者,藍光的互補色是什麼顏色?)?



🦞 做一做

併攏五指,使指縫的方向 與日光燈管平行,透過指縫觀 察發亮的日光燈(如圖 5-29), 是否能看到亮暗條紋?是彩色 的嗎?

註:如果效果不明顯,可試著 利用兩直條狀物體,例如 兩枝鉛筆或一雙筷子,將 兩者靠攏(需有極小的縫 隙),以取代手指。



▲圖 5-29 觀察光繞射的簡易方法。

○範例 5-5

在單狹縫的繞射實驗中,以波長為 630 nm 的平行紅色光照射寬度為 0.100 mm 的狹縫,光屏和狹縫之間的距離為 2.00 m,試求

- (1) 第一暗紋的位置在哪裡?
- (2) 中央亮帶的寬度為何?

[解答] 由題意 $\lambda = 630 \text{ nm}$, a = 0.100 mm, L = 2.00 m

(1) 第一暗紋的位置中央位置兩側
$$a$$
 處,

$$\mathbb{R}^{p} y = \frac{L\lambda}{a} = \frac{(2.00 \text{ m}) (630 \times 10^{-9} \text{ m})}{0.100 \times 10^{-3} \text{ m}} = 12.6 \text{ mm}$$

(2) 中央亮帶寬度為
$$2\Delta y = 2\frac{L\lambda}{a} = 2 \times 12.6 \text{ mm} = 25.2 \text{ mm}$$

○範例 5-6

一平行單色光垂直照射在寬度為 1.00 mm 的單狹縫,在距離狹縫 2.00 m 遠的光屏上,發現中央亮帶寬度為 2.50 mm,求

- (1) 入射光的波長。
- (2) 第二亮線中線的近似位置。

[解答] (1) 中央亮帶寬度為
$$2\Delta y = 2\frac{L\lambda}{a} = 2.50 \text{ mm}$$
,

由已知
$$a=1.00 \text{ mm}$$
, $L=2.00 \text{ m}$,故

$$2\frac{L\lambda}{a} = 2\frac{(2.00 \text{ m}) \lambda}{1.00 \times 10^{-3} \text{ m}} = 2.50 \times 10^{-3} \text{ m}$$

解得
$$\lambda = 6.25 \times 10^{-7} \,\mathrm{m} = 625 \,\mathrm{nm}$$

(2) 第二亮線中心的位置為

$$y = \frac{5}{2} \left(\frac{L\lambda}{a} \right) = \frac{5}{2} \left(\frac{2.50 \text{ mm}}{2} \right) = 3.13 \text{ mm}$$

○範例 5-7 -

以波長為 \(\) 的光照射在寬度為 \(a \) 的單狹縫,在後面放一光屏,希望光屏上繞射條紋的中央亮帶寬度恰等於狹縫寬度。

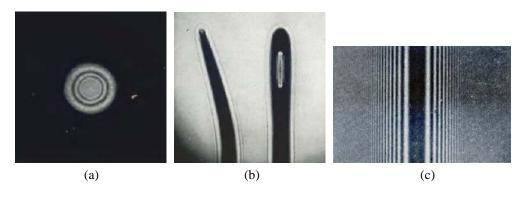
- (1) 光屏要放在哪裡?
- (2) 如果實驗中所使用光的波長為 500nm, 狹縫的寬度為 1.0mm, 求光屏的位置。

[解答] (1) 因為中央亮帶寬度=
$$2\Delta y=2\frac{L\lambda}{a}$$
, 根據題意 $2\Delta y=a$,即 $2\frac{L\lambda}{a}=a$,得 $L=\frac{a^2}{2\lambda}$

(2) 若使用波長 500 nm 的單色光作實驗,狹縫寬度為 a=1.0 mm,則光屏與狹縫的距離 L 為

$$L = \frac{a^2}{2\lambda} = \frac{(1.0 \times 10^{-3} \text{m})^2}{2(500 \times 10 - \text{m})} = 1.0 \text{ m}$$

可見光的波長較日常生活中的尺度小很多,所以光的繞射現象若不特別注意,則難以察覺。以下數例為使用特殊裝置,仔細拍攝所得單色光的繞射現象。圖 5-30(a)為光經過黑色障礙物中央的小孔後形成的圓形明暗繞射條紋;圖 5-30(b)為光經過針尖及針頭(含針孔)後,邊緣形成繞射條紋;圖 5-30(c)則為光通過直電線時,線的兩側呈現明暗的繞射條紋。



▲圖 5-30 (a)光經過小孔後的繞射現象; (b)光經過針尖及針孔後的繞射現象; (c)光經過 直電線後的繞射現象。