

【上架課堂影片內容】

課堂影片片名：『吳銘祥-高二勤班，-直線方程式—了解斜率的過去與未來』

課堂影片簡介：42min。從如何在坐標平面描述直線說起，介紹斜率的過去與未來發展。

講義內容節錄：

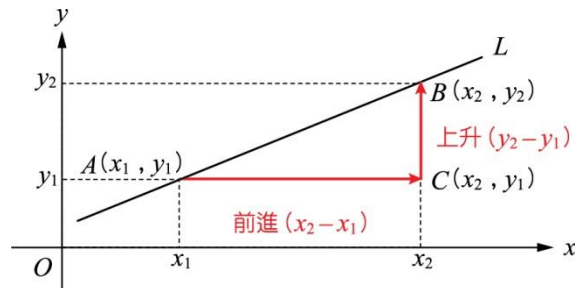
Q. 如何在坐標平面上描述一直線

甲、直線的斜率

\* 一個斜坡的傾斜程度，若要給予量化，我們可以考慮以  
水平方向每前進一單位時，鉛直方向上升或下降多少單位來表示傾斜程度。



\* 坐標平面上直線的傾斜程度



因此我們可以將這樣的傾斜程度給與量化提供出斜率的定義：

坐標平面上， $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$  是直線  $L$  上相異兩點，

我們將直線  $L$  看做一個斜坡由點  $A(x_1, y_1)$  走到點  $B(x_2, y_2)$ ，

那麼，分別描述斜坡從  $P$  到  $Q$  的水平位移為\_\_\_\_\_與鉛直位移為\_\_\_\_\_。

定義斜率如下

(1) 若  $x_1 \neq x_2$ ，直線  $L$  的斜率定義為

$$m_{PQ} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}, \quad m \text{ 就稱為直線 } L \text{ 的斜率。}$$

(2) 若  $x_1 = x_2$ ，直線  $L$  為一條鉛直線， $m_{PQ} = \text{_____}$  不定義它的斜率。

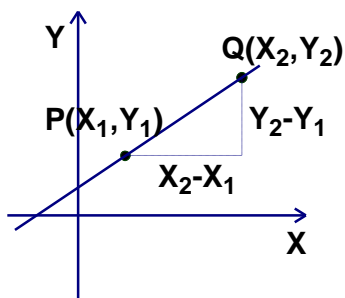
結論

(1)  $|m_{PQ}|$  的值愈大表示直線  $L$  越陡。

(2) 其中在坐標平面中斜率具有方向性，因此也帶有正負的可能，

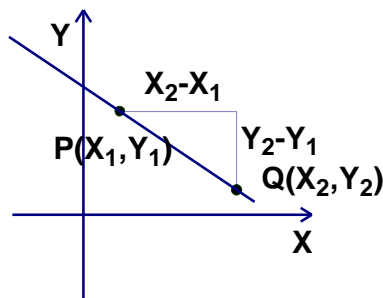
右上左下

$$\text{斜率 } m_{PQ} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} > 0$$

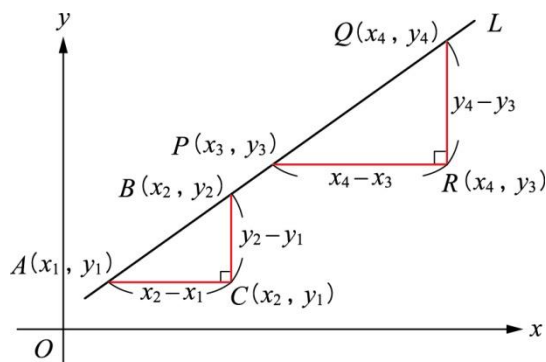


左上右下

$$\text{斜率 } m_{PQ} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} < 0$$



\* 其中同一直線上任一相異兩點，透過相似的性質其斜率比值皆相同



由  $\square ABC$  與  $\square PQR$  相似，可得  $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{y_4 - y_3}{x_4 - x_3}$



\* 由斜率的定義，可發現一直線之斜率與此直線和  $x$  軸正向夾角  $\theta$ ，所成的  $\tan \theta$  值相同。

\* 斜率的特性：

- (1) 水平線的斜率為 0。鉛直線的斜率不存在。
- (2) 直線由左下往右上傾斜時，斜率為正。
- (3) 直線由左上往右下傾斜時，斜率為負。
- (4) 直線愈接近鉛垂線，則其斜率的絕對值也愈大

範例1.

試計算下列兩點連線的斜率：

(1)  $A(-1, 2), B(-3, -5)$ 。      (2)  $C(\pi, 3), D(2\pi, -2)$ 。

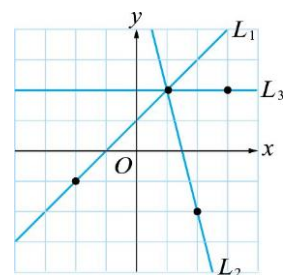
(3)  $E(-3, 2), F(3, 2)$ 。      (4)  $G(2, 3), H(2, -2)$ 。

(5)  $I[12, 50^\circ], J[4\sqrt{3}, 140^\circ]$ 。

類題 1

右圖三直線  $L_1, L_2, L_3$  之斜率分別為  $m_1, m_2, m_3$ ，

求  $m_1, m_2, m_3$



範例 2

設  $A(6, 6)$ ,  $B(4, 7)$ ,  $C(2, k)$  三點共線，則  $k = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

類題 1

若  $P(6, 6)$ ,  $Q(4, 7)$ ,  $R(k, 8)$  三點共線，求  $k$  值